

DISSERTATIO PHYSICA

CONTINENS

EXPLICATIONEM PHOENOMENI OPTICI,  
QUO OBJECTA AQUÆ SUBMERSA  
DUPLICATA CONSPICIUNTUR;



QUAM

VENIA AMPL. FACULT. PHILOS. ABOËNS.

PUBLICO EXAMINI SUBMITTIT

AUCTOR

*Mag. GUST. GABR. HÅLLSTRÖM,*

PHYSICES DOCENS,

RESPONDENTE

CAROLO GUSTAVO PIHL

TAVASTENS.

In Auditorio Minori die 28 Febr. 1798.

Horis a. m. confvetis.



PARS II.



ABOË

In Officina FRENCKELLIANA.

5.



co CD, ubi revera est, sed, productis radiis refractis GO & HO, in PQ, ita ut puncta C & D in P & Q, atque inter hæc reliqua intermedia, in justum ordinem translata esse videantur. In eadem enim directione, qua radii luminis ex objectis quibusdam egredientes in oculum intrant, objecta ipsa esse judicamus.— Cum ad alteram partem acus superioris ob causas easdem curvatura superficiei aquæ AF similis sit curvaturæ in BE, simili quoque ratiocinio invenitur, radios luminis, quæ ex sectione DRC inter ejus puncta *d* & *c* (quæ respectu alicujus portionis, ut ex. gr. TS, curvæ AF similiter sunt sita, ac puncta D & C respectu portionis HG curvæ BE) ad curvam AF emittuntur, inter *c*S & *d*T ita in superficie aquæ inter S & T frangi, ut omnes in O coeuntes in oculum ibi collocatum intrent, quare idem oculus, productis radiis refractis SO & TO, in UV alteram videat ejusdem CRD imaginem perfectam.— Si jam planum illud verticale, quo acus & aquam secari supposuimus, per totam longitudinem acus inferioris, assumpta acu superiori longiore quam est inferior, sibi semper parallele movetur, duplices semper oculo repræsentantur imagines sectionum acus inferioris; unde sequitur, duplices quoque atque perfectas integræ acus hujus imagines oculum hunc videre debere, ut ope experimentorum, in §. II memoratorum, revera fieri animadvertimus.— Explicationem vero, cur imagines hæc duplices in formam semicirculi circa extre-

mitatem acus superioris, si acus ambæ ejusdem sunt longitudinis, vel etiam si acus inferior est longior, coire videantur, paragraphis sequentibus proponendam reservamus.—

### §. V.

Cum acus ambæ, & quæ superficiem aquæ tangens eam in formam dorsi elevat, & quæ aquæ est submersa, ejusdem sunt longitudinis, vel proprie, si oculus ita est collocatus, ut extremitatem acus inferioris ab extremitate superioris tegi videat, non amplius duæ diversæ ei repræsentantur in aqua imagines acus inferioris, sed circa extremitatem acus superioris ita incurvatæ coire observantur, ut ostendit Fig. 2, ubi repræsentante  $dADF$  acuum & inferiorem & superiorem (tegit enim hæc illam), imago inferioris, in aqua conspecta, est  $aLQfghDKa$ . Ut phænomenon hocce facilius explicari possit, supponamus acuum ambarum exacte cylindricarum & æque crassarum extremitates  $ADF$  formam habere hemisphæræ, cujus circuli maximi æquales sunt sectionibus transversalibus acuum. Aberrationem enim acuum parvam a figura hacce assumpta insensibilis esse effectus ad mutandam figuram apparentis imaginis acus inferioris comperimus. Cum vero, assumpta regulari hacce figura acus superioris, quando horizonti est parallela, circa sectionem ejus cum superficie aquæ elevatæ eadem ubiqve est ad hanc superficiem aquæ inclinatio superficiem acus; æqua-

lem

lem quoque ubique circa hanc aciem habeat necesse est curvaturam superficies aquæ elevatæ, ita ut, si movetur ex *de* versus *AF* planum quoddam longitudini acis *dDe* normale, atque si post adventum ad *C*, centrum extremitatis hemisphæricæ acis, circa *C* rotatur idem planum semper verticale, eadem curva semper sit intersectio superficiæ aquæ elevatæ cum plano hocce, quatenus nimirum hoc sub motu sibi parallelo lateribus *dA* & *eF* acis, atque sub rotatione circa *C* semiperipheriæ *ADF* circuli maximi horizontalis extremitatis acis semper est normale. Ostendimus vero in paragrapho antecedente quomodo, cum repræsentet *dDe* aciem quoque inferiorem, in distantia quadam *KA* ab ea sit *aKL* imago acis hujus; quare ducta per *C* linea recta *LKAF*, longitudini acis inferioris perpendiculari, *LK* erit imago sectionis *AF* plani moti cum acu inferiori, quando illud situm occupat *LKAF*, & *L* imago puncti *A*. Cum vero, ducta per *C* linea recta *QDCY* longitudini acis parallela, ex situ *LKAF* versus *QDY* circa *C* rotatur planum illud verticale, quod jam sit *NMBCG*, ita ut punctum ejus *B*, quod in quovis situ plani sit intersectio hujus cum latere *AD* acis inferioris, ob formam acis assumptam, arcum describat circularem *AD*; puncti etiam hujus imago *N*, quæ in plano hocce *NG* sita erit (§. IV.), centro *C* & radio  $CN = CL$  describet arcum circularem *LQ*, qui itaque erit imago arcus *AD*. Circa totam enim extremitatem *ADF* acis superioris in æquali a *C* distan-

tia eadem ubiqve est curvatura superficiei aquæ elevatae. Existente  $K$  imagine puncti  $F$ , inter  $L$  &  $K$  sita erit imago  $R$  puncti  $C$ , quod inter  $A$  &  $F$  jacet. Sic quoque sumpta  $CS = CR$  in plano rotante  $NG$  determinatur punctum  $S$ , quod erit imago puncti  $C$ . Hæc vero imago  $S$ , rotante plano verticali, eodem centro  $C$  & radio  $CS = CR$  describet arcum circuli  $RU$ , qui itaqve totus erit imago puncti  $C$ . Cum præterea sit  $LR$  imago lineæ  $AC$  &  $QU$  lineæ  $DC$ , patet, spatium  $LQUR$ , intra arcus concentricos  $QL$  &  $UR$  atque lineas illas rectas  $QU$  &  $LR$  contentum, imaginem esse portionis acus  $ACDA$ , ut ex. gr. in  $PT$  videatur imago lineæ  $EC$ , ducta per  $C$  linea recta  $PECH$ . Sub eadem præterea rotatione plani verticalis  $NG$  punctum ejus  $G$ , quod est intersectio hujus plani cum latere  $F\epsilon$  acus inferioris, ex  $F$  versus  $\epsilon$  accedens magis magisque a puncto  $C$  recedit; quare etiam puncti hujus imago, quæ sit  $M$ , ex  $K$  versus  $QD$  simul vergens magis magisque ab imagine  $RU$  puncti  $C$  regreditur, donec perveniente puncto intersectionis  $G$  ad  $\epsilon$  in distantiam a  $C$  infinite magnam (respectu  $CD$ ), ut itaque planum verticale situm occupet  $QDY$ , longitudini acus parallelum, in tam magnam quoque a  $RU$  distantiam pervenire debet imago  $M$  puncti  $G$ , ut in aliquo loco  $D$  extremitati acus occurrere conspiciatur, atque adeo curvam  $KMOD$  descripsisse observetur. Hæc ergo curva, quæ esse videtur limes interior imaginis conspectæ  $LKDQL$ , erit imago lateris  $F\epsilon$  acus inferioris; quare  
cum

cum sit  $KR$  imago lineæ  $FC$ , &  $UD$  lineæ  $CY$ , spatium  $RUDOK$ , intra arcum circulearem  $RSTU$  & curvam  $KMOD$  atque lineas illas rectas  $KR$  &  $DU$  contentum, erit imago totius portionis  $Fc$   $YC$  acus inferioris, ita ut ex. gr. in  $TO$  videatur imago lineæ  $CH$ . Esse itaque debet  $LNPQDOMK$  imago portionum  $ACD$  &  $ECYe$  acus inferioris. Simili ratiocinio evincitur, æqualem ex altera parte lineæ  $QY$  videri imaginem  $Qsh$   $ZD$  portionum  $DCF$  &  $ACYd$  acus hujus, ut ex. gr. ducta per  $C$  linea recta  $bCn$   $Zm$ ,  $mZ$  sit imago lineæ  $nb$ ; unde patet, totam figuram conspectam  $aLQ/shDKa$  esse debere imaginem totius acus inferioris  $dDe$ .

### §. VI.

Similiter ad explicandum casum illum, ubi longior acu superiori est acus inferior, ita ut priusquam aquæ immittitur tabula, cui acus insistent, quando acus superior partem aliquam acus inferioris oculo, qui cum acubus in eodem plano est situs, officit, reliqua ejus pars ab oculo videri queat, facile applicatur eadem theoria, secundum quam casum in paragrapho antecedente memoratum explicavi. Existente nimirum (Fig. 3.)  $ABD$  acu superiore &  $AFD$  acu inferiore, loco acus hujus inferioris, quando elevata est superficies aquæ, videtur in aqua figura  $EOXZF$  *mf*  $Gnh$   $BYPE$ . Si enim eadem hic ac in casu præcedente (§. V.) est acus superior, eadem

quoque circa extremitatem ejus  $HBK$  manet curvatura superficiæ aquæ elevatæ; quare si circa centrum  $C$  extremitatis acus superioris ex situ  $OPHK$ , quando longitudini acuum est normale, in situm  $FCe$ , his parallelum, rotatur planum aliquod verticale  $XCL$ , existente  $OP$  imagine sectionis  $HK$  plani hujus in situ suo acubus normali cum acu inferiore, punctum  $Q$ , inter  $O$  &  $P$  situm, atque adeo etiam  $ci$   $e$   $ilus$   $QRT$ , centro  $C$  & radio  $CQ$  sub rotatione plani verticalis descriptus a puncto  $R$ , quod in plano rotante  $XL$  ita erit situm, ut sit  $CR = CQ$ , erit imago puncti  $C$ . Cum vero sub eadem rotatione puncti  $a$ , quod est intersectio plani rotantis cum latere  $AM$  acus inferioris, ex  $H$  versus  $M$  accedens magis magisque a puncto  $C$  recedat; magis magisque quoque ab arcu  $QT$ , imagine puncti  $C$ , recedere debet curva  $OXZM$ , quam sub rotatione plani verticalis incipiendo ex  $O$  describit puncti  $a$  imago  $X$ . Quare curva  $OXZM$ , quæ itaque est imago lineæ  $HM$ , talem habeat necesse est curvaturam, qualem ostendit Figura 3. Cum vero præterea linea  $QO$  sit imago lineæ  $CH$ , & existente  $FCe$  intersectione plani rotantis cum acu inferiore, quando longitudini acus hujus est parallelum, punctum  $T$ , ubi recta  $CF$  arcui  $BTU$  occurrit, sit imago puncti  $C$ , ita ut linea recta, ex  $T$  ad  $F$  ducta, sit imago rectæ  $CF$ , quæ inter  $C$  &  $F$  comprehenditur; patet, esse  $QTFMO$  imaginem portionis  $CFMH$  acus inferioris. Sub eadem ulterius rotatione plani verticalis  $XL$  punctum  $L$ , quod est in-

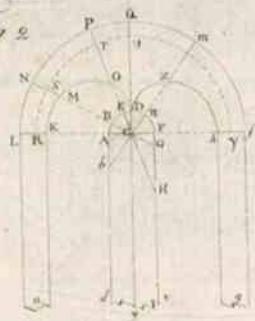
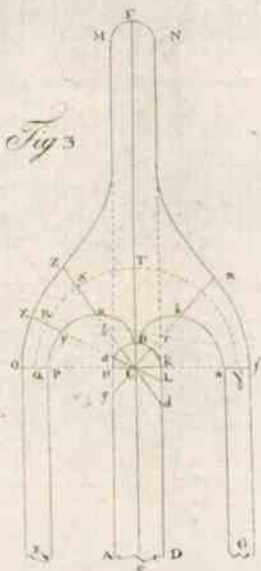
ter-



perfectio hujus plani cum latere  $KD$  acus inferioris, ex  $K$  versus  $D$  accedens magis magisque a puncto  $C$  recedit, quare simul imago  $Y$  puncti hujus  $L$ , ex  $P$  versus  $FB$  vergens, magis magisque a puncti  $C$  imagine  $QT$  recedere debet, usque quo, occupante plano  $XL$  situm  $FBe$  longitudini acuum parallelum, quando maxima & quidem respectu  $CK$  infinite magna a  $C$  est distantia intersectionis plani hujus cum latere  $KD$ , in  $B$  quoque maxime a  $T$  erit distans; quare linea curva  $PYUB$ , quam sub rotatione assumpta plani verticalis ex  $P$  incipiendo describit punctum  $Y$ , erit imago lineæ  $KD$ , quam simul incipiendo ex  $K$  describit punctum  $L$ . Existente itaque præterea  $PQ$  imagine lineæ  $KC$ , &  $TB$  lineæ  $Ce$ , erit  $QPBTQ$  imago portionis  $CKDeC$  acus inferioris, atque ideo  $OPBFMO$  imago portionum  $HCFMH$  &  $KCeD$ , ita ut ex. gr. ducta per  $C$  linea recta  $ZCd$ , portio ejus  $Zu$  sit imago portionis  $bd$ . Simili modo intelligitur, ex altera parte lineæ  $FBC$  esse  $fmNfBln$  imaginem portionum  $KNFCK$  &  $HCeA$  acus hujus inferioris, ut ex. gr. ducta per  $C$  recta  $mCg$ , sit  $hm$  imago lineæ  $gr$ , atque ideo figuram furciformem  $EOMNfGnBPE$  esse imaginem acus totius inferioris  $AHMNKD$ .

§. VII.

Ut confirmaretur amplius veritas theoriæ illius, secundum quam apparentes imagines acus inferioris in §§. V & VI explicavi, experimenta quoque alia

*Fig 2**Fig 3**Fig 4*

alia institui huc pertinentia, quæ quo magis variantur, eo etiam apertius theoriæ ipsius veritatem comprobant.— Patet ex iis, quæ in §§. V & VI attuli, mucronem apparentem B in Fig. 3, qui ex imagine acus inferioris versus acum superiorem ABD egredi videtur, effici a radiis luminis, quæ ex partibus AD acus inferioris, a C remotioribus, exeunt; unde concluditur, breviorum illum sensim fieri, decrefcente ex parte AD longitudine acus inferioris, & quidem omnino evanescere, quando in semicirculum, centro C & radio CH descriptum, desinit extremitas AD; in semicirculum enim ipsi QTV concentricum & radio CP descriptum abire tum debent curvæ PUB & Bhn. Ita quoque ope experientiarum jam afferendorum revera accidere compertus sum. Cum enim, a casu simplicissimo initium faciens, loco acus inferioris, quæ in experimentis hucusque memoratis usus sum, globulum aliquem parvum aquæ submersi, & acus cujusdam verticalis extremitate, aquæ superficiem tangente, aquam in formam conoidis talis, quod rotando Hyperbolam circa Asymptoton suum genitur, elevavi, ut per eam, quando acum hanc verticalem & oculum intuentem in lineam ex centro globuli submersi verticaliter ductam collocavi, imaginem viderem globuli hujus; observavi hanc imaginem esse annulum circulaarem & ubique æque crassum, omnibus itaque carentem mucronibus, ut (Fig. 4.) ABDGEF, existente HLKM globulo sub-

merso.